



α-Функционализированные *N,S*-ацетали кетенов как двухуглеродные синтоны в реакции с 1,2-нафтохинон-1-метидом. Синтез 3-амино-1*H*-бензо[*f*]хроменов

Антон В. Лукашенко¹, Дмитрий В. Осипов¹, Виталий А. Осянин^{1*}, Юрий Н. Климочкин¹

¹ Самарский государственный технический университет, ул. Молодогвардейская, 244, Самара 443100, Россия; e-mail: VOsyanin@mail.ru Поступило 12.02.2020 Принято 6.03.2020



EWG = C(O)Ph, CN, NO_2 ; R = Ar, Bn

При взаимодействии 1-[(диметиламино)метил]нафталин-2-ола с пуш-пульными *N*,*S*-ацеталями кетенов, содержащими в α-положении электроноакцепторную группу, получена серия 3-амино-1*H*-бензо[*f*]хроменов. Предполагается, что реакция протекает как [4+2]-циклоприсоединение *N*,*S*-ацеталей кетенов к генерируемому *in situ* 1,2-нафтохинон-1-метиду. Квантовохимическими методами исследована синхронность реакции Дильса–Альдера.

Ключевые слова: 3-амино-1*H*-бензо[*f*]хромен, *N*,*S*-ацетали кетенов, 1,2-нафтохинон-1-метид, пуш-пульный олефин, реакция Дильса–Адьдера.

высокополяризованных Уникальность строения *N,S*-ацеталей кетенов¹ и других родственных ацеталей кетенов,² содержащих электроноакцепторную группу при α-углеродном атоме, заключается в сочетании в одной молекуле электронодонорной, электроноакцепторной и хорошо уходящей групп, которые находятся в сопряжении друг с другом, а также в одновременном наличии С-нуклеофильного и С-электрофильного центров. Амбифильная природа этого класса пуш-пульных олефинов обусловливает их широкое применение в синтезе гетероциклов. В основном они используются в качестве 1,3-электрофильных трехуглеродных синтонов. С другой стороны, они могут выступать и как амбидентные 1,3-N,С-бинуклеофилы, например при взаимодействии с акцепторами Михаэля, за счет α-углеродного атома и, как правило, менее нуклеофильного первичного или вторичного атома азота. При этом обладающая электронодонорными свойствами метилсульфанильная группа может легко замещаться по механизму S_NVin. В гораздо меньшей степени разработаны реакции, в которых N,S-ацетали кетенов выступают в роли двухуглеродных синтонов при построении гетероциклов (рис. 1). В литературе описаны единичные примеры реакций N,S-ацеталей кетенов, не содержащих в α -положении электроноакцепторной группы, как диенофилов.³ В большей степени известны процессы, в которых N,S-ацетали кетенов выступают в роли доноров Михаэля (обычно в реакциях с аддуктами Кнёвенагеля).^{11,4}







Рисунок 2. 2-Амино-4*H*-хромены и 3-амино-1*H*-бензо[*f*]хромен с противоопухолевой активностью.

Интерес к синтезу 2-амино-4*H*-хроменов обусловлен широким спектром их биологической активности,⁵ в первую очередь противоопухолевой активностью в отношении различных линий раковых клеток⁶ (рис. 2).

4*H*-Хромены, содержащие первичную аминогруппу в α -положении пиранового цикла, обычно получают трехкомпонентной конденсацией метиленактивных нитрилов с альдегидами и фенолами или нафтолами^{5b,7} либо из прекурсоров *о*-хинонметидов.⁸ Полученные продукты обычно оказываются замещенными по γ -положению пиранового цикла. Описаны многокомпонентные реакции *N*,*S*-ацеталей кетенов, как правило, с ароматическими альдегидами и СН-кислотами, в которых они выступают в роли двухуглеродных синтонов, однако полученные конденсированные 4*H*-пираны также содержат заместитель в γ-положении.^{1f} Таким образом, способы получения γ-незамещенных высокополяризованных хроменов, содержащих вторичную аминогруппу, остаются неразработанными.

В настоящей работе нами показано, что при кипячении в MeCN 1-[(диметиламино)метил]нафталин-2-ола (1), являющегося предшественником 1,2-нафтохинон-1-метида A, и N,S-ацеталей кетенов 2a-f, 3a-d и 4а-с, содержащих в α-положении бензоильную, нитрои нитрильную группы соответственно, образуются 1H-бензо[f]хромен-3-амины 5а-f, 6а-d и 7а-с с выходами 35–72%. В случае N,S-ацеталей α-нитрокетенов **За-d** для завершения реакции требуется более длительный нагрев (схема 1). При охлаждении реакционной смеси продукты 5-7 осаждаются из раствора и дополнительно могут быть очищены перекристаллизацией из EtOH. Образование соединений 5-7 можно объяснить присоединением N.S-ацеталей кетенов 2-4 к 1,2-нафтохинон-1-метиду А с последующим элиминированием MeSH. Отщепления первичного амина в условиях реакции не наблюдается, что связано с большей энергией связи C-N, по сравнению со связью C-S, и возможной стабилизацией продуктов 5a-f и 6a-d внутримолекулярной водородной связью NH···O.

В случае *N*,*S*-ацеталей α-цианкетенов **4а–с** (метод I) выходы нитрилов **7а–с** не удавалось повысить при увеличении времени реакции. Однако оказалось, что использование *N*,*S*-ацеталей кетенов **8а–е**, содержащих амидный фрагмент, приводит к образованию бензо-хроменов **7b–f** с высокими выходами (метод II, схема 2).



4, **7 a** R = Bn, **b** R = 4-MeC₆H₄, **c** R = 4-MeOC₆H₄

При этом в ходе реакции протекает дезамидирование, и конечный продукт содержит только цианогруппу в положении 2 1H-бензо[f]хромена. Можно предположить, что дезамидирование протекает через шестичленное переходное состояние, образующееся из интермедиата **B**, и сопровождается отщеплением MeSH и HOCN. В то же время цианенамин 9 с основанием Манниха 1 в данных условиях не взаимодействует (схема 2).





В спектрах ЯМР ¹Н соединений **5–7** протоны группы 1-СН₂, связанной с нафтольным фрагментом, проявляются при 3.79–4.40 м. д. Наиболее дезэкранированным является протон аминогруппы, который резонирует при 9.17–9.28 м. д. в случае нитрилов **7а–f** и при 10.99–14.13 м. д. в случае кетонов **5а–f** и нитросоединений **6а–d**, причем для соединений **5d** и **6d** сигнал протона аминогруппы обнаруживается в виде уширенного синглета, что обусловлено наличием внутри-

Схема 3

молекулярной водородной связи. В спектрах 1*H*-бензо-[f]хроменов **5f** и **7a** протон аминогруппы наблюдается как триплет. В спектрах ЯМР ¹³С соединений **5–7** атом углерода С-1 резонирует при 22.0–24.0 м. д. Атом углерода группы С=О в спектрах соединений **5a–f** резонирует в области 192.7–193.6 м. д., а атом углерода группы CN соединений **7a–f** отмечается при 119.4– 121.1 м. д. Кроме того, группа CN обнаруживается по полосе поглощения в ИК спектрах в области 2187– 2199 см⁻¹.

Обращает на себя внимание сильная поляризация связи C=C пиранового цикла, пуш-пульный характер которой обусловлен наличием сильной электронодонорной и электроноакцепторной групп при обоих атомах углерода связи C=C. Сигнал атома углерода C-2, связанного с электроноакцепторной группой, обнаруживается при 82.3–84.2 м. д. в случае кетонов **5а–f**, при 104.8–106.0 м. д. в случае нитросоединений **6а–d** и при 57.1–60.3 м. д. в случае нитрилов **7а–f**, тогда как сигнал соседнего атома углерода C-3, связанного с атомами азота и кислорода, проявляется в области 155.8–162.3 м. д. В спектрах DEPT-135 число протонов, непосредственно связанных с атомами углерода, согласуется с приведенными структурами.

При попытке проведения в кипящем MeCN реакции между основанием Манниха 1 и 1,1-бис(метилсульфанил)-2-нитроэтиленом (10), в котором связь С=С менее поляризована по сравнению с N,S-ацеталями α-нитрокетенов **3а-d**, были выделены лишь исходные субстраты. При кипячении в безводном ДМФА была получена смесь неидентифицированных продуктов. Однако проведение реакции во влажном ДМФА позволило с низким выходом выделить описанный в литературе 2-[(2-гидроксинафталин-1-ил)метил]-3Н-бензо-[f]хромен-3-он (11).9 Можно предположить, что промежуточно образующийся 2-нитро-1*H*-бензо[*f*]хромен С, который также можно рассматривать как пуш-пульный олефин, присоединяет вторую молекулу 1,2-нафтохинон-1-метида А. Однако образующийся хромено[2,3-b]хромен D в условиях реакции оказывается неустойчивым, расщепляется под действием H₂O с раскрытием одного из дигидропирановых циклов и после элиминирования HNO₂ приводит к образованию замещенного бензокумарина 11 (схема 3).



Ключевой особенностью механизма присоединения пуш-пульных олефинов 2–4 к 1,2-нафтохинон-1-метиду А является согласованность процесса. В случае высокополяризованных субстратов [4+2]-аннелирование может протекать как согласованная, но асинхронная реакция Дильса–Альдера либо постадийно через реакцию Михаэля, приводящую к образованию цвиттерионного интермедиата E, с последующей 6-экзо-тригциклизацией (схема 4).

Схема 4



Для отнесения реакции к тому или иному типу ранее были предложены различные параметры, в число которых входит расстояние между атомами (d), образующими две новые σ -связи. В оптимизированных структурах переходных состояний циклоприсоединения 1,2-нафтохинон-1-метида **A** к *N*,*S*-ацеталям кетенов **2b**, **3a** и **4b** атом углерода группы CH₂ 1,2-нафтохинон-1-метида **A** в значительной степени пространственно сближен с атомом углерода олефина, связанного с электроноакцепторной группой, что свидетельствует в пользу асинхронности реакции Дильса–Альдера (рис. 3).

Для подтверждения согласованности процесса были рассчитаны параметры асинхронности циклоприсоединения 1,2-нафтохинон-1-метида **A** к *N*,*S*-ацеталям **2b**, **3a** и **4b** (табл. 1): длины образующихся связей (*d*) для переходных состояний с участием различных олефинов



Рисунок 3. Переходное состояние циклоприсоединения 1,2-нафтохинон-1-метида **A** κ *N*,*S*-ацеталю α-цианкетена **4b**.

Таблица 1. Рассчитанные параметры асинхронности циклоприсоединения 1,2-нафтохинон-1-метида А к *N*,*S*-ацеталям 2b, 3a и 4b

	,					
Переходное состояние	$d_{\text{C-C}}$, Å	$d_{\text{C-O}}$, Å	Δd , Å	$S_{ m y}$	GEDT	Δω, эВ
TS_{2b+A}	1.98	2.93	0.95	0.57	0.4327	1.92
$TS_{\mathbf{3a}+\mathbf{A}}$	2.03	3.02	0.99	0.59	0.4337	2.25
TS _{4b+A}	2.10	3.14	1.04	0.62	0.4511	1.94



Intrinsic reaction coordinate Рисунок 4. Диаграмма внутренних координат реакции для переходного состояния TS_{4b+A} , приводящего к образованию циклоаддукта.

и 1,2-нафтохинон-1-метида **A**, разница между ними (Δd), а также более надежные критерии оценки синхронности циклоприсоединения, такие как параметр S_y , введенный Мойано¹⁰ и учитывающий все затрагивающиеся в ходе реакции связи, индекс глобального переноса электронной плотности (global electron density transfer (GEDT)) в переходном состоянии,¹¹ а также разность индексов глобальной электрофильности реагентов ($\Delta \omega$),¹² которая отражает полярность структуры переходного состояния.

В ходе подтверждения строения найденных переходных состояний была проведена процедура поиска внутренних координат реакции. Многочисленные попытки оптимизировать структуру цвиттер-иона **E** не привели к обнаружению локального минимума на поверхности потенциальной энергии на пути от переходного состояния к продуктам реакции (рис. 4), что в совокупности с рассчитанными параметрами асинхронности позволяет сделать вывод, что для взаимодействия 1,2-нафтохинон-1-метида **A** с пуш-пульными олефинами **2–4** путь, включающий образование цвиттериона **E**, не реализуется, а сама реакция носит асинхронный, но согласованный характер.

Таким образом, нами разработан метод получения 3-амино-1*H*-бензо[*f*]хроменов, содержащих акцепторный заместитель в β-положении пиранового цикла, и показано, что механизм реакции представляет собой асинхронное согласованное [4+2]-циклоприсоединение.

Экспериментальная часть

ИК спектры записаны на спектрометре Shimadzu IR Affinity-1, оснащенном приставкой Specac Diamond ATR GS10800-B. Спектры ЯМР ¹Н, ¹³С (400 и 100 МГц

соответственно) и DEPT-135 зарегистрированы на спектрометре JEOL JNM-ECX400 в ДМСО- d_6 (соединения **7а–f**) или CDCl₃ (соединения **5а–f**, **6а–d**), внутренний стандарт – остаточные сигналы растворителей (ДМСО- d_6 : 2.50 м. д. для ядер ¹H, 39.5 м. д. для ядер ¹³C; CDCl₃: 7.26 м. д. для ядер ¹H, 77.2 м. д. для ядер ¹³C). Элементный анализ выполнен на автоматическом CHNS-анализаторе EuroVector EA-3000. Температуры плавления определены капиллярным методом на приборе SRS OptiMelt MPA100. Контроль за ходом реакций и чистотой полученных соединений осуществлен методом TCX на пластинах Merck Silica gel 60 F₂₅₄, элюент CHCl₃, проявление в УФ свете и парах I₂. Для колоночной хроматографии использован Merck Silica gel 60, фракция 0.04–0.063 мм.

Пуш-пульные енамины **2–4** и **8–10** получены по известным методикам.¹³

Получение (3-амино-1*H*-бензо[*f*]хромен-2-ил)(фенил)метанонов 5а–f (общая методика). Смесь 1 ммоль *N*,*S*-ацеталя 2а–f и 0.20 г (1 ммоль) основания Манниха 1 в 5 мл MeCN кипятят в течение 3 ч, затем охлаждают до комнатной температуры. Выпавший осадок отфильтровывают и перекристаллизовывают из EtOH.

Фенил[3-(фениламино)-1*Н***-бензо[***f***]хромен-2-ил]метанон (5а). Выход 0.26 г (69%), светло-желтые кристаллы, т. пл. 229–231 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 1641, 1620, 1605, 1539, 1448, 1435, 1425, 1341, 1292, 1267, 1223, 1175, 1153, 1119, 1076, 1013, 903, 889, 856, 816, 762, 741, 727, 700. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (***J***, Гц): 4.01 (2H, c, CH₂); 7.18–7.27 (3H, м, H Ar); 7.38–7.62 (11H, м, H Ar); 7.72 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 7.82 (1H, д,** *J* **= 8.0, H Ar); 13.60 (1H, c, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 24.0 (C-1); 83.3 (C-2); 114.9; 116.7 (CH); 122.9 (2CH); 124.4 (CH); 125.4 (CH); 126.4 (2CH); 127.2 (CH); 128.3 (CH); 128.5 (2CH); 128.7 (CH); 129.4 (CH); 130.0 (2CH); 131.0; 131.5 (CH); 134.4; 134.7; 142.0; 146.0; 159.7 (C-3); 193.0 (C=O). Найдено, %: C 82.80; H 5.13; N 3.65. C₂₆H₁₉NO₂. Вычислено, %: C 82.74; H 5.07; N 3.71.**

[3-(*п***-Толиламино)-1***H***-бензо[***f***]хромен-2-ил](фенил)метанон (5b). Выход 0.22 г (56%), светло-желтые кристаллы, т. пл. 238–240 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 1645, 1622, 1607, 1595, 1553, 1512, 1492, 1476, 1450, 1433, 1404, 1339, 1312, 1283, 1229, 1175, 903, 804, 764, 739, 696. Спектр ЯМР ¹H, δ, м. д. (***J***, Гц): 2.38 (3H, с, СН₃); 4.00 (2H, с, СН₂); 7.18–7.25 (3H, м, H Ar); 7.36–7.56 (9H, м, H Ar); 7.60 (1H, д,** *J* **= 8.0, H Ar); 7.71 (1H, д,** *J* **= 9.0, H Ar); 7.80 (1H, д,** *J* **= 7.8, H Ar); 13.58 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 21.0 (СН₃); 23.9 (С-1); 83.4 (С-2); 114.8; 116.6 (СН); 122.7 (3СН); 125.2 (СН); 126.5 (2СН); 127.1 (СН); 128.4 (СН); 128.5 (2СН); 128.6 (СН); 129.3 (СН); 129.8 (2СН); 130.9; 131.4; 134.4; 134.7; 141.9; 146.2; 159.8 (С-3); 193.1 (С=О). Найдено, %: С 82.76; H 5.46; N 3.49. С₂₇Н₂₁NO₂. Вычислено, %: С 82.84; H 5.41; N 3.58.**

Фенил{3-[(4-хлорфенил)амино]-1*Н***-бензо[***f***]хромен-2-ил}метанон (5с)**. Выход 0.29 г (70%), светло-желтые кристаллы, т. пл. 243–245 °С. ИК спектр, *v*, см⁻¹: 3255 (NH), 1627, 1605, 1573, 1520, 1336, 1021, 1003, 912, 903, 887. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (*J*, Гц): 4.00 (2H, с, CH₂); 7.30 (1H, д, *J* = 8.8, H Ar); 7.50–7.77 (12H, м, H Ar); 7.87 (1H, д, J = 9.0, H Ar); 7.95 (1H, д, J = 8.0, H Ar); 13.35 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ , м. д.: 23.6 (C-1); 83.0 (C-2); 114.5; 116.4 (2CH); 118.0 (CH); 122.5 (2CH); 126.8 (CH); 127.9; 128.1 (2CH); 128.4 (CH); 129.0 (CH); 129.6 (2CH); 130.7 (CH); 131.2 (CH); 131.7; 134.0; 134.3 (CH); 141.6; 145.7; 147.7; 159.4 (C-3); 192.7 (C=O). Найдено, %: С 75.76; H 4.47; N 3.34. C₂₆H₁₈CINO₂. Вычислено, %: С 75.82; H 4.41; N 3.40.

{3-[(4-Бромфенил)амино]-1*Н***-бензо[***f***]хромен-2-ил}-(фенил)метанон (5d). Выход 0.33 г (72%), светложелтые кристаллы, т. пл. 247–249 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 3223 (NH), 1628, 1608, 1582, 1338, 1255, 1029, 1012, 908, 900, 856. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (***J***, Гц): 3.94 (2H, с, CH₂); 7.16 (1H, д,** *J* **= 9.0, H Ar); 7.41–7.53 (9H, м, H Ar); 7.59 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 7.70 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 7.78–7.82 (2H, м, H Ar); 7.86 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 11.91 (1H, уш. с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 23.8 (C-1); 82.3 (C-2); 116.5 (CH); 122.8; 125.1 (CH); 125.5 (2CH); 127.4 (CH); 127.5 (2CH); 127.6 (CH); 128.4 (CH); 128.7 (CH); 128.9 (2CH); 129.0 (2CH); 129.3 (CH); 130.1; 131.5; 134.1; 138.2; 142.2; 146.2; 162.3 (C-3); 192.7 (C=O). Найдено, %: C 68.51; H 4.05; N 2.96. C₂₆H₁₈BrNO₂. Вычислено, %: C 68.43; H 3.98; N 3.07.**

{3-[(Нафталин-1-ил)амино]-1*Н*-бензо[*f*]хромен-2-ил}-(фенил)метанон (5е). Выход 0.26 г (57%), светложелтые кристаллы, т. пл. 306-308 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 1651, 1616, 1595, 1574, 1557, 1481, 1458, 1356, 1339, 1227, 1175, 905, 816, 766, 745. Спектр ЯМР ¹Н, б, м. д. $(J, \Gamma \mu)$: 4.08 (2H, c, CH₂); 7.08 (1H, μ , J = 9.0, H Ar); 7.42–7.65 (11Н, м, Н Аг); 7.67 (1Н, д, J = 8.9, Н Аг); 7.77 (1Н, д, J = 8.2, Н Аг); 7.80 (1Н, д, J = 7.6, Н Аг); 7.83 (1H, J, J = 7.6, H Ar); 7.91 (1H, J, J = 7.8, H Ar); 8.36 (1H, д, J = 8.5, H Ar); 14.13 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 24.0 (С-1); 84.2 (С-2); 114.8; 116.7 (СН); 121.2 (CH); 122.5 (CH); 122.7 (CH); 125.2 (CH); 125.6 (CH); 125.7 (CH); 126.4 (CH); 126.7 (2CH); 127.0 (CH); 127.1 (CH); 128.0; 128.4 (CH); 128.5 (CH); 128.6 (3CH); 129.4 (CH); 131.0; 131.4; 133.0; 134.3; 141.7; 146.3; 160.7 (C-3); 193.6 (C=O). Найдено, %: С 84.20; Н 4.99; N 3.19. С₃₀Н₂₁NO₂. Вычислено, %: С 84.29; Н 4.95; N 3.28.

[3-(Бензиламино)-1Н-бензо[f]хромен-2-ил](фенил)метанон (5f). Выход 0.24 г (61%), светло-желтые кристаллы, т. пл. 191–193 °С. ИК спектр. v. см⁻¹: 1641. 1620, 1605, 1537, 1449, 1435, 1425, 1340, 1294, 1223, 1177, 1153, 1119, 1078, 1015, 903, 889, 856, 816, 791, 762, 741, 729, 702. Спектр ЯМР ¹Н, б, м. д. (*J*, Гц): 3.94 (2H, с, 1-CH₂); 4.77 (2H, д, J = 6.0, CH₂N); 7.15 (1H, д, J = 8.9, H Ar); 7.28–7.32 (1Н, м, Н Ar); 7.35–7.53 (11Н, м, Н Аг); 7.58 (1Н, д, J = 8.0, Н Аг); 7.69 (1Н, д, J = 8.9, Н Ar); 7.80 (1Н, д, *J* = 7.3, Н Ar); 11.93 (1Н, т, *J* = 6.0, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 23.8 (С-1); 44.9 (CH₂N); 82.3 (C-2); 115.1; 116.5 (CH); 122.8 (CH); 125.1 (CH); 126.5 (2CH); 127.0 (CH); 127.5 (2CH); 127.6 (CH); 128.3 (CH); 128.4 (2CH); 128.5 (CH); 128.9 (2CH); 129.0 (CH); 130.9; 131.5; 138.2; 142.9; 146.2; 162.3 (C-3); 192.7 (C=O). Найдено, %: С 82.75; Н 5.37; N 3.49. С₂₇Н₂₁NO₂. Вычислено, %: С 82.84; Н 5.41; N 3.58.

Получение 2-нитро-1*H*-бензо[*f*]хромен-3-аминов 6а–d (общая методика). Смесь 1 ммоль *N*,*S*-ацеталя 3а–d и

0.20 г (1 ммоль) основания Манниха 1 в 5 мл MeCN кипятят в течение 8 ч, затем охлаждают до комнатной температуры. Выпавший осадок отфильтровывают и перекристаллизовывают из EtOH.

2-Нитро-*N***-**(*п***-толил)-**1*H***-бензо**[*f***]хромен-3-амин** (6а). Выход 0.21 г (63%), желтые кристаллы, т. пл. 205–207 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 1649, 1624, 1603, 1582, 1512, 1481, 1452, 1402, 1369, 1223, 1169, 1061, 808, 746. Спектр ЯМР ¹H, δ , м. д. (*J*, Гц): 2.41 (3H, с, CH₃); 4.28 (2H, с, CH₂); 7.17 (1H, д, *J* = 8.7, H Ar); 7.26 (2H, д, *J* = 8.2, H-2,6); 7.35 (2H, д, *J* = 8.2, H-3,5); 7.50–7.54 (1H, м, H Ar); 7.61–7.65 (1H, м, H Ar); 7.75 (1H, д, *J* = 8.7, H Ar); 7.84 (1H, д, *J* = 8.2, H Ar); 7.94 (1H, д, *J* = 8.2, H Ar); 12.50 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ , м. д.: 21.1 (CH₃); 23.8 (C-1); 105.4 (C-2); 113.2; 116.0 (CH); 123.1 (CH); 123.2 (2CH); 126.0 (CH); 127.8 (CH); 128.6 (CH); 129.2 (CH); 130.1 (2CH); 131.1; 131.3; 132.5; 136.7; 145.1; 156.3 (C-3). Найдено, %: С 72.19; H 4.80; N 8.52. С₂₀H₁₆N₂O₃. Вычислено, %: С 72.28; H 4.85; N 8.43.

N-(4-Метоксифенил)-2-нитро-1H-бензо[f]хромен-3амин (6b). Выход 0.25 г (72%), желтые кристаллы, т. пл. 213–215 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 1651, 1626, 1607, 1510, 1476, 1449, 1402, 1377, 1250, 1217, 1163, 1049, 1032, 831, 810, 748, 741. Спектр ЯМР ¹Н, б, м. д. (*J*, Гц): 3.87 (3H, c, CH₃); 4.34 (2H, c, CH₂); 6.99 (2H, π , J = 8.8, H-2,6); 7.16 (1H, μ , J = 8.8, H Ar); 7.39 (2H, μ , J = 8.8, Н-3,5); 7.51–7.56 (1Н, м, Н Аг); 7.62–7.67 (1Н, м, Н Аг); 7.76 (1H, μ , J = 8.8, H Ar); 7.85 (1H, μ , J = 8.0, H Ar); 7.98 (1Н, д, J = 8.4, Н Ar); 12.48 (1Н, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 23.9 (С-1); 55.7 (СН₃); 105.3 (С-2); 113.2; 114.7 (2CH); 116.0 (CH); 123.1 (CH); 125.1 (2CH); 126.0 (CH); 127.8 (CH); 127.9; 128.6 (CH); 129.2 (CH); 131.1; 131.3; 145.2; 156.4; 158.3 (С-3). Найдено, %: С 69.04; Н 4.68; N 7.94. С₂₀Н₁₆N₂O₄. Вычислено, %: C 68.96; H 4.63; N 8.04.

N-(Нафталин-1-ил)-2-нитро-1H-бензо[f]хромен-3-амин (6с). Выход 0.22 г (60%), желтые кристаллы, т. пл. 248–250 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 1645, 1620, 1595, 1574, 1479, 1458, 1422, 1373, 1346, 1233, 1200, 1167, 1152, 1078, 1061, 1041, 801, 789, 766, 738. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (J, Гц): 4.40 (2H, с, CH₂); 7.00 (1H, д, J = 8.8, H Ar); 7.52–7.75 (7H, м, H Ar); 7.83 (1H, д, J = 8.0, H Ar); 7.88 (1H, д, J = 8.0, H Ar); 7.94 (1H, д, J = 7.6, Н Ar); 7.99 (1Н, д, J = 8.4, Н Ar); 8.11 (1Н, д, J = 8.0, H Ar); 12.85 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 23.9 (C-1); 106.0 (C-2); 113.2; 116.1 (CH); 121.9 (CH); 122.7 (CH); 123.1 (CH); 125.2; 125.4 (CH); 126.0 (CH); 126.9 (CH); 127.6 (CH); 127.8 (CH); 127.9 (CH); 128.3; 128.6 (CH); 128.7 (CH); 129.1 (CH); 130.7; 131.1; 131.3; 145.3; 156.7 (С-3). Найдено, %: С 75.06; Н 4.44; N 7.67. С₂₃Н₁₆N₂O₃. Вычислено, %: С 74.99; Н 4.38; N 7.60.

*N***-Бензил-2-нитро-1***H***-бензо[***f***]хромен-3-амин (6d). Выход 0.22 г (66%), желтые кристаллы, т. пл. 220–222 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 1649, 1605, 1479, 1452, 1437, 1414, 1373, 1354, 1296, 1261, 1219, 1175, 1157, 1059, 1001, 804, 750, 704. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (***J***, Гц): 4.25 (2H, с, 1-CH₂); 4.80 (2H, д,** *J* **= 6.0, CH₂N); 7.19 (1H, д,** *J* **= 8.9, H Ar); 7.34–7.40 (5H, м, H Ar); 7.50–7.54 (1H, м, H Ar); 7.60–7.64 (1H, м, H Ar); 7.76 (1H, д,** *J* **= 8.9,** Н Аг); 7.84 (1Н, д, J = 8.0, Н Аг); 7.94 (1Н, д, J = 8.5, Н Аг); 10.99 (1Н, уш. с, NН). Спектр ЯМР ¹³С, δ , м. д.: 23.9 (С-1); 45.5 (СН₂N); 104.8 (С-2); 113.3; 115.9 (СН); 123.2 (СН); 125.9 (СН); 127.6 (2СН); 127.8 (СН); 128.3 (СН); 128.6 (СН); 129.1 (СН); 129.2 (2СН); 131.0; 131.3; 136.3; 145.2; 158.5 (С-3). Найдено, %: С 72.21; Н 4.79; N 8.51. С₂₀Н₁₆N₂O₃. Вычислено, %: С 72.28; Н 4.85; N 8.43.

Получение 3-амино-1*H*-бензо[*f*]хромен-2-карбонитрилов 7а–f (общая методика). Метод I. Смесь 1 ммоль *N*,*S*-ацеталя 4а–с и 0.20 г (1 ммоль) основания Манниха 1 в 5 мл MeCN кипятят в течение 3 ч, затем охлаждают до комнатной температуры. Выпавший осадок отфильтровывают и перекристаллизовывают из EtOH.

Метод II. Смесь 1 ммоль *N*,*S*-ацеталя **8а–е** и 0.20 г (1 ммоль) основания Манниха **1** в 10 мл МеСN кипятят в течение 8 ч. Выделение и очистку продуктов проводят аналогично методу I.

3-(Бензиламино)-1*H***-бензо[***f***]хромен-2-карбонитрил (7а). Выход 0.12 г (38%, метод I), светло-желтые кристаллы, т. пл. 207–209 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 3280 (NH), 2189 (CN), 1648, 1596, 1512, 1233, 1158, 1031, 886. Спектр ЯМР ¹H, \delta, м. д. (***J***, Гц): 4.03 (2H, с, 1-CH₂); 4.86 (2H, д,** *J* **= 6.0, CH₂N); 7.24 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 7.35–7.48 (6H, м, H Ar); 7.49–7.58 (1H, м, H Ar); 7.67 (1H, д,** *J* **= 8.0, H Ar); 7.78 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 7.88 (1H, д,** *J* **= 7.2, H Ar); 9.18 (1H, т,** *J* **= 6.0, NH). Спектр ЯМР ¹³С, \delta, м. д.: 23.7 (C-1); 44.3 (CH₂N); 60.3 (C-2); 113.4; 117.8 (CH); 119.2 (2CH); 121.1 (CN); 121.3 (2CH); 122.0; 124.2 (CH); 128.4 (CH); 129.4 (CH); 130.0 (CH); 131.6 (CH); 131.8; 132.5 (CH); 137.8; 147.4; 157.4 (C-3). Найдено, %: C 80.82; H 5.23; N 8.90. C₂₁H₁₆N₂O. Вычислено, %: C 80.75; H 5.16; N 8.97.**

3-(*п*-Толиламино)-1*H*-бензо[*f*]хромен-2-карбонитрил (7b). Выход 0.11 г (35%, метод I), 0.24 г (77%, метод II), светло-желтые кристаллы, т. пл. 202-204 °С. ИК спектр, v, cm⁻¹: 3387, 3323, 3190 (NH), 2191 (CN), 1645, 1593, 1549, 1510, 1400, 1296, 1250, 1219, 1107, 1032, 835, 806, 785, 762. Спектр ЯМР ¹Н, б, м. д. (*J*, Гц): 2.23 (3Н, с, СН₃); 3.87 (2H, с, CH₂); 7.02 (2H, д, J = 8.4, H-2,6); 7.09 (2Н, д, J = 8.4, Н-3,5); 7.12 (1Н, д, J = 8.8, Н Аг); 7.47– 7.51 (1H, м, H Ar); 7.57–7.61 (1H, м, H Ar); 7.82–7.86 (2H, м, H Ar); 7.91 (1H, д, J = 8.0, H Ar); 9.28 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, б, м. д.: 20.9 (CH₃); 23.1 (С-1); 59.6 (C-2); 112.8; 117.1 (CH); 120.4 (CN); 120.7 (2CH); 123.6 (CH); 125.8 (CH); 127.8 (CH); 128.8 (CH); 129.3 (CH); 129.8 (2CH); 131.0; 131.2; 131.9; 137.1; 146.8; 156.8 (С-3). Найдено, %: С 80.81; Н 5.22; N 9.05. С₂₁Н₁₆N₂O. Вычислено, %: С 80.75; Н 5.16; N 8.97.

3-[(4-Метоксифенил)амино]-1*Н***-бензо[***f***]хромен-2-карбонитрил (7с)**. Выход 0.12 г (37%, метод I), 0.25 г (76%, метод II), светло-желтые кристаллы, т. пл. 215– 217 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 3233 (NH), 2187 (CN), 1653, 1514, 1460, 1443, 1406, 1246, 1225, 1171, 1032, 980, 806, 768, 745. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (*J*, Гц): 3.71 (3H, с, CH₃); 3.86 (2H, с, CH₂); 6.88 (2H, д, *J* = 8.8, H-2,6); 7.07– 7.12 (3H, м, H-3,5, H Ar); 7.47–7.51 (1H, м, H Ar); 7.56– 7.61 (1H, м, H Ar); 7.81–7.86 (2H, м, H Ar); 7.91 (1H, д, *J* = 8.0, H Ar); 9.17 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 23.1 (С-1); 55.7 (СН₃); 57.3 (С-2); 112.8; 114.6 (2СН); 117.2 (СН); 120.6 (СN); 123.2 (2СН); 123.6 (СН); 125.8 (СН); 127.8 (СН); 128.8 (СН); 129.3 (СН); 130.9; 131.2; 132.3; 146.8; 155.9; 157.2 (С-3). Найдено, %: С 76.89; Н 4.97; N 8.46. С₂₁Н₁₆N₂O₂. Вычислено, %: С 76.81; H 4.91; N 8.53.

3-[(4-Хлорфенил)амино]-1*Н***-бензо[***f***]хромен-2-карбонитрил (7d). Выход 0.22 г (66%, метод II), светло-желтые кристаллы, т. пл. 197–199 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 3300–3200 (NH), 2193 (CN), 1640, 1590, 1489, 1356, 1246, 989, 847, 822. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (***J***, Гц): 3.82 (2H, с, CH₂); 6.96 (2H, д,** *J* **= 8.4, H-2,6); 7.04 (2H, д,** *J* **= 8.4, H-3,5); 7.07 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 7.42–7.46 (1H, м, H Ar); 7.62–7.66 (1H, м, H Ar); 7.77–7.81 (2H, м, H Ar); 7.86 (1H, д,** *J* **= 8.0, H Ar); 9.22 (1H, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 22.0 (C-1); 58.6 (C-2); 111.7; 116.1 (CH); 117.5 (CH); 119.4 (CN); 122.5 (CH); 124.7 (CH); 126.8 (2CH); 127.8 (CH); 128.3 (CH); 128.8 (2CH); 129.9; 130.1; 130.9; 136.1; 145.8; 155.8 (C-3). Найдено, %: С 72.26; H 4.01; N 8.36. C₂₀H₁₃ClN₂O. Вычислено, %: С 72.18; H 3.94; N 8.42.**

3-[(4-Бромфенил)амино]-1*Н***-бензо[***f***]хромен-2-карбонитрил (7е). Выход 0.23 г (61%, метод II), светло-желтые кристаллы, т. пл. 215–217 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 3300–3100 (NH), 2191 (CN), 1643, 1598, 1489, 1412, 1358, 1240, 933, 897, 803. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (***J***, Гц): 3.80 (2H, c, CH₂); 6.96 (2H, д,** *J* **= 8.4, H-2,6); 7.15–7.20 (3H, м. H-3,5, H Ar); 7.39–7.43 (1H, м. H Ar); 7.49–7.53 (1H, м. H Ar); 7.76 (1H, д,** *J* **= 8.8, H Ar); 7.86 (1H, д,** *J* **= 8.0, H Ar); 7.99 (1H, д,** *J* **= 9.1, H Ar); 9.20 (1H, c, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 22.8 (C-1); 57.1 (C-2); 112.6; 114.4 (2CH); 114.7 (CH); 116.9 (CH); 120.4 (2CH); 123.3; 125.5 (CH); 126.4; 128.6 (CH); 129.1 (CH); 130.7 (CH); 130.9; 132.1; 146.6; 155.7; 157.0 (C-3). Найдено, %: C 63.73; H 3.53; N 7.35. C₂₀H₁₃BrN₂O. Вычислено, %: C 63.68; H 3.47; N 7.43.**

3-[(Нафталин-1-ил)амино]-1*Н*-бензо[*f*]хромен-2карбонитрил (7f). Выход 0.21 г (60%, метод II), светложелтые кристаллы, т. пл. 229–231 °С. ИК спектр, v, см⁻¹: 3316, 3314, 3177 (NH), 2199 (CN), 1645, 1591, 1547, 1508, 1387, 1329, 1306, 1184, 1144, 980, 926, 860, 770, 735, 706. Спектр ЯМР ¹Н, δ, м. д. (*J*, Гц): 3.79 (2Н, с, CH₂); 6.83–7.07 (7H, м, H Ar); 7.09 (1H, д, J = 8.8, H Ar); 7.38-7.43 (1Н, м, Н Аг); 7.48-7.52 (1Н, м, Н Аг); 7.74-7.77 (2Н, м, Н Аг); 7.83 (1Н, д, J = 8.0, Н Аг); 9.19 (1Н, с, NH). Спектр ЯМР ¹³С, δ, м. д.: 22.2 (С-1); 58.3 (С-2); 111.7 (CH); 116.1 (CH); 117.5 (CH); 119.4 (CN); 119.6 (CH); 122.5 (CH); 123.7; 124.7 (CH); 126.8 (CH); 127.2; 127.8 (CH); 128.3 (CH); 128.8 (CH); 129.9 (CH); 130.1; 130.9 (CH); 131.8; 132.2 (CH); 135.9; 141.1; 145.6; 155.9 (С-3). Найдено, %: С 82.79; Н 4.68; N 8.00. С₂₄Н₁₆N₂O. Вычислено, %: С 82.74; Н 4.63; N 8.04.

2-[(2-Гидроксинафталин-1-ил)метил]-3*Н***-бензо[***f***]хромен-3-он (11). Раствор 0.30 г (1.8 ммоль) 1,1-бис-(метилсульфанил)-2-нитроэтилена (10) и 0.36 г (1.8 ммоль) основания Манниха 1 в смеси 5 мл ДМФА и 0.5 мл H₂O кипятят в течение 5 ч. После охлаждения раствор выливают в 15 мл H₂O, выпавший осадок отфильтровывают и очищают колоночной хроматографией (SiO₂,** элюент CHCl₃). Продукт перекристаллизовывают из EtOH. Выход 70 мг (22%), светло-желтые кристаллы, т. пл. 270–271 °C (т. пл. 270–271 °C (ДМФА–ЕtOH, 1:5)⁹). Спектральные характеристики соединения **11** соответствуют описанным в литературе.⁹ Найдено, %: С 81.73; H 4.53. С₂₄H₁₆O₃. Вычислено, %: С 81.80; H 4.58.

Квантово-химические расчеты (в рамках теории DFT) проведены с помощью программного пакета Gaussian-09.¹⁴ Структуры соединений **1b**, **2b**, **5a**, **7b**, **8b**, 9 и 1,2-нафтохинон-1-метида А, а также переходные состояния полностью оптимизированы в приближении B3LYP, включающем обменный функционал Бекке¹⁵ в сочетании с корреляционным функционалом Ли, Янга и Парра,¹⁶ с использованием базиса 6-311++G(2d2p). Природа всех переходных состояний исследована путем анализа векторов, соответствующих единственной мнимой частоте, а также с помощью метода внутренней координаты реакции.¹⁷ Степень синхронности процесса Sy рассчитана по известному уравнению.¹⁰ Заряды на атомах по Байдеру¹⁸ определены с помощью программного комплекса Multiwfn.¹⁹ GEDT рассчитаны как суммы всех зарядов на атомах в каждом из компонентов переходного состояния. Глобальный индекс электрофильности ю рассчитан по известной формуле.²⁰

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (грант 18-33-20249).

Список литературы

- (a) Junjappa, H.; Ila, H.; Asokan, C. V. *Tetrahedron* 1990, 46, 5423.
 (b) Ding, Q.; Yang, Y.; Miao, W.; Huang, H.; Yu, Y.; Huang, F. *Prog. Chem.* 2018, 30, 1615.
 (c) Saigal; Khan, S.; Rahman, H.; Shafiullah; Khan, Md. M. *RSC Adv.* 2019, 9, 14477.
 (d) Yokoyama, M.; Togo, H.; Kondo, S. *Sulfur Rep.* 1990, 10, 23.
 (e) Dieter, R. K. *Tetrahedron* 1986, 42, 3029.
 (f) Zhang, L.; Dong, J.; Xu, X.; Liu, Q. *Chem. Rev.* 2016, 116, 287.
- (a) Huang, L.; Wu, J.; Hu, J.; Bi, Y.; Huang, D. Tetrahedron Lett. 2020, 61, 151363. (b) Kolb, M. Synthesis 1990, 171.
 (c) Xu, C.; Wang, M.; Liu, Q. Adv. Synth. Catal. 2019, 361, 1208. (d) Wang, K.-M.; Yan, S.-J.; Lin, J. Eur. J. Org. Chem. 2014, 1129. (e) Pan, L.; Bi, X.; Liu, Q. Chem. Soc. Rev. 2013, 42, 1251. (f) Huang, Z.-T.; Wang, M.-X. Heterocycles 1994, 37, 1233.
- (a) Marcelis, A. T. M.; van der Plas, H. C. J. Heterocycl. Chem. 1987, 24, 545. (b) Haider, N. Tetrahedron 1991, 47, 3959. (c) Müller, K.; Sauer, J. Tetrahedron Lett. 1984, 25, 2541. (d) Schramm, O. G.; née Dediu; Oeser, T.; Müller, T. J. J. J. Org. Chem. 2006, 71, 3494.
- (a) Wen, L.-R.; Man, N.-N.; Yuan, W.-K.; Li, M. J. Org. Chem. 2016, 81, 5942. (b) Misra, N. C.; Panda, K.; Ila, H.; Junjappa, H. J. Org. Chem. 2007, 72, 1246. (c) Yang, C.-W.; Bai, Y.-X.; Zhang, N.-T.; Zeng, C.-C.; Hu, L.-M.; Tian, H.-Y. Tetrahedron 2012, 68, 10201.
- (a) Costa, M.; Dias, T. A.; Brito, A.; Proença, F. *Eur. J. Med. Chem.* 2016, *123*, 487. (b) Tashrifi, Z.; Mohammadi-Khanaposhtani, M.; Hamedifar, H.; Larijani, B.; Ansari, S.; Mahdavi, M. *Mol. Diversity* 2019. DOI: 10.1007/s11030-019-09994-9.
- (a) Patil, S. A.; Patil, R.; Pfeffer, L. M.; Miller, D. D. Future Med. Chem. 2013, 5, 1647. (b) Ahagh, M. H.; Dehghan, G.;

Mehdipour, M.; Teimuri-Mofrad, R.; Payami, E.; Sheibani, N.; Ghaffari, M.; Asadi, M. *Bioorg. Chem.* **2019**, *93*, 103329.

- (a) Patil, S. A.; Patil, S. A.; Patil, R. Future Med. Chem. 2015, 7, 893. (b) Litvinov, Yu. M.; Shestopalov, A. M. In Advances in Heterocyclic Chemistry; Katritzky, A. R., Ed.; Elsevier: New York, 2011, vol. 103, p. 175. (c) Mamaghani, M.; Nia, R. H.; Tavakoli, F.; Jahanshahi, P. Curr. Org. Chem. 2018, 22, 1704.
- (a) Osyanin, V. A.; Osipov, D. V.; Klimochkin, Yu. N. *Tetrahedron* 2012, 68, 5612. (b) Osipov, D. V.; Osyanin, V. A.; Klimochkin, Yu. N. *Russ. J. Org. Chem.* 2013, 49, 398. [*Журн. орган. химии* 2013, 49, 412.] (c) Fujiwara, M.; Sakamoto, M.; Komeyama, K.; Yoshida, H.; Takaki, K. *J. Heterocycl. Chem.* 2015, 52, 59. (d) Osipov, D. V.; Osyanin, V. A.; Klimochkin, Yu. N. *Russ. Chem. Rev.* 2017, 86, 625. [*Vcnexu xumuu* 2017, 86, 625.]
- Osyanin, V. A.; Osipov, D. V.; Popova, Yu. V.; Semenova, I. A.; Klimochkin, Yu. N. Chem. Heterocycl. Compd. 2016, 52, 1012. [Химия гетероцикл. соединений 2016, 52, 1012.]
- Moyano, A.; Pericas, M. A.; Valenti, E. J. Org. Chem. 1989, 54, 573.
- 11. Domingo, L. R.; Sáez, J. A. Org. Biomol. Chem. 2009, 7, 3576.
- Parr, R. G.; Szentpály, L. V.; Liu, S. J. Am. Chem. Soc. 1999, 121, 1922.
- (a) Mahata, P. K.; Venkatesh, C.; Syam Kumar, U. K.; Ila, H; Junjappa, H. J. Org. Chem. 2003, 68, 3966. (b) Henriksen, L. Acta Chem. Scand. 1996, 50, 432. (c) Yokoyama, M.; Watanabe, S.; Hatanaka, H. Synthesis 1987, 846.

(d) Hamberger, H.; Reinshagen, H.; Schulz, G.; Sigmund, G. *Tetrahedron Lett.* **1977**, *18*, 3619.

- 14. Frisch, M. J.; Trucks, G. W.; Schlegel, H. B.; Scuseria, G. E.; Robb, M. A.; Cheeseman, J. R.; Scalmani, G.; Barone, V.; Petersson, G. A.; Nakatsuji, H.; Li, X.; Caricato, M.; Marenich, A.; Bloino, J.; Janesko, B. G.; Gomperts, R.; Mennucci, B.; Hratchian, H. P.; Ortiz, J. V.; Izmaylov, A. F.; Sonnenberg, J. L.; Williams-Young, D.; Ding, F.; Lipparini, F.; Egidi, F.; Goings, J.; Peng, B.; Petrone, A.; Henderson, T.; Ranasinghe, D.; Zakrzewski, V. G.; Gao, J.; Rega, N.; Zheng, G.; Liang, W.; Hada, M.; Ehara, M.; Toyota, K.; Fukuda, R.; Hasegawa, J.; Ishida, M.; Nakajima, T.; Honda, Y.; Kitao, O.; Nakai, H.; Vreven, T.; Throssell, K.; Montgomery, J. A., Jr.; Peralta, J. E.; Ogliaro, F.; Bearpark, M.; Heyd, J. J.; Brothers, E.; Kudin, K. N.; Staroverov, V. N.; Keith, T.; Kobayashi, R.; Normand, J.; Raghavachari, K.; Rendell, A.; Burant, J. C.; Iyengar, S. S.; Tomasi, J.; Cossi, M.; Millam, J. M.; Klene, M.; Adamo, C.; Cammi, R.; Ochterski, J. W.; Martin, R. L.; Morokuma, K.; Farkas, O.; Foresman, J. B.; Fox, D. J. Gaussian 09, Revision D.01; Gaussian, Inc.: Wallingford, 2016.
- 15. Becke, A. D. J. Chem. Phys. 1993, 98, 5648.
- 16. Lee, C.; Yang, W.; Parr, R. G. Phys. Rev. B 1988, 37, 785.
- 17. Gonzalez, C. J. Phys. Chem. 1990, 94, 5523.
- 18. Bader, R. F. W. Atoms in Molecules. A Quantum Theory; Clarendon Press: Oxford, 1990.
- 19. Lu, T.; Chen, F. J. Comput. Chem. 2012, 33, 580.
- 20. Parr, R. G.; Yang, W. Density Functional Theory of Atoms and Molecules; Oxford University Press: New York, 1989.